



# **Mathe sicher können: Ein Förderkonzept für Ihre Schule**

**Infos für Schulleitungen**

„Mathe sicher können“-Team am DZLM



*Kim Alexandra Rösike*



*Susanne Prediger*



Jedes Jahr verlässt jeder vierte Jugendliche die Schule ohne die notwendigen mathematischen Basiskompetenzen. Für diese Jugendlichen heißt es, dass sie sich nur schwer im Beruf und im Alltag zurechtfinden werden: Situationen wie Preise überschlagen, Entwicklungen voraussagen oder statistische Informationen einordnen sind Beispiele, die bei fehlenden mathematischen Basiskompetenzen zum Hindernis werden können. Obwohl sich Mathematiklehrkräfte anstrengen, all dies zu vermitteln, sind die Basiskompetenzen bei jedem vierten Jugendlichen unzureichend ausgeprägt. Warum ist das so? Und was können Sie als Schule dafür tun, um das zu ändern?

Darum geht es in dieser Broschüre. Wir, das Deutsche Zentrum für Lehrkräftebildung Mathematik und dessen Netzwerk, forschen mit einem großen Team genau an diesem Thema Basiskompetenzen. Gemeinsam mit Schulen haben wir das Förderkonzept Mathe sicher können entwickelt, welches bereits an über 500 Schulen etabliert ist.



***Den Inhalt dieser Broschüre gibt es auch als 16-minütigen Film unter <http://mathe-sicher-koennen.dzlm.de/film/schulleitung> (Frei zugänglich)***

## **Inhalt**

▪ <b>Wo liegt das Problem mit Schwierigkeiten in Mathematik?</b> .....	<b>4</b>
▪ <b>Wie bearbeitet „Mathe sicher können“ dieses Problem?</b> .....	<b>6</b>
▪ <b>Wie können Fördergruppen organisiert sein?</b> .....	<b>9</b>
▪ <b>Warum ist „Mathe sicher können“ eine gute Investition in die Zukunft für Ihre Schule?</b> .....	<b>10</b>
▪ <b>Welche Unterstützung brauchen Lehrkräfte von Schulleitungen?</b> .....	<b>14</b>

# Wo liegt das Problem mit Schwierigkeiten in Mathematik?

Schauen wir ein Beispiel an: Vivien, eine Schülerin, die zu dem Zeitpunkt schon den Hauptschulabschluss 9 absolviert hat, soll Darstellungen vernetzen, nämlich die Texte mit Situationen, mit den symbolischen Multiplikationen und dem Bild vom Zahlenstrahl. Sie denkt über diesen Text nach: „Eva läuft dreimal die Woche 7 km.“ Vivien ist überzeugt, er gehört zu dem Zahlenstrahl mit der 3 und der 7. Auf die Frage, ob sie erklären kann, wie sie auf das Ergebnis gekommen ist, antwortet sie: „Weil hier steht ja, Eva läuft dreimal die Woche 7 km. Und dann

würde ich sagen, diese 3 steht für dreimal in der Woche und die 7 für 7 km.“ Das ist der Alltag von Mathematiklehrkräften bis in die Klasse 10. Wir arbeiten dort mit Lernenden, die nicht in der Lage sind, in so eine einfache Situation überhaupt die Multiplikation hinein zu sehen. Wie zeigt der Zahlenstrahl eine Multiplikation, wo genau sehe ich die drei Siebener, die zu  $3 \cdot 7$  gehören. Vivien ist nicht die einzige Schülerin, die nur auf die 3 und die 7 fokussiert, also nur die Zahlen, aber nicht auf die Bedeutung der Operation.

**Aufgabe:** Welches Bild passt zur Situation „Eva läuft dreimal die Woche 7 km.“?

$$3 \cdot 7$$



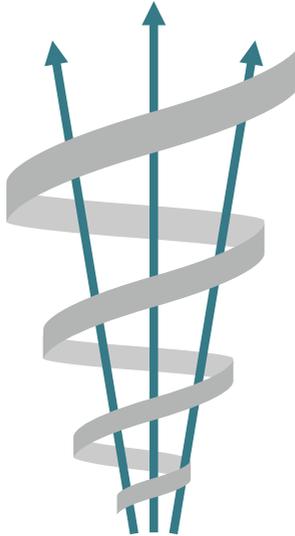
Dieses Bild passt. Weil ... diese 3 steht für dreimal in der Woche und die 7 für 7 km.

**Fallbeispiel zum fehlendes Multiplikationsverständnis von Vivien (10. Klasse)**

”

**Das Wissen  
der Lernenden  
muss wieder  
anschlussfähig  
werden.**

“



~~Kein~~ nachhaltiges Lernen von  
Klasse 5 bis 8 möglich

~~nicht~~ aufgearbeitet in  
Klasse 3 bis 5

„mitschleppt“ bis Klasse 4

Verstehensgrundlage  
verpasst in Klasse 2

Für uns werfen solche Szenen wiederkehrende Fragen auf:

- Wie kann es passieren, dass Lernende sich ohne Verständnis von Multiplikation, einem Unterrichtsstoff, den man in Klasse 2 hätte lernen sollen, bis in die Klasse 10 durchschummeln können?
- Und warum bleibt das von Lehrkräften unerkannt?

Bestimmte Aspekte aus dem Stoff der Klasse 2 verpassen Lernende manchmal und können diese Lücken in den Grundlagen bis in Klasse 5 „mitschleppen“. Doch wenn diese Lücken in Klasse 5 noch immer nicht aufgearbeitet werden, gibt es ab diesem Zeitpunkt bis Klasse 8 keinerlei Lernzuwächse mehr.

Unsere Untersuchungen in 8. Klassen

zeigen, dass Lernende, die diese Verstehensgrundlagen aus Klasse 2 nicht beherrschen, keinerlei Inhalte von Klasse 5 bis 8 verinnerlichen. Der Unterricht ist vollkommen ineffizient, wenn wir diese Verstehensgrundlagen nicht aufarbeiten können. Das Wissen der Lernenden muss wieder anschlussfähig werden. Multiplikationsverständnis, wie auch im Beispiel mit Vivien zu sehen ist, braucht man immer wieder: Man braucht es für die Brüche, für die Dezimalzahlen, man kann ohne sie nicht verstehen, was Flächeninhalte sind oder was der Dreisatz eigentlich soll. Und an jeder dieser Stellen müssen die Lernenden einfach auswendig lernen, wenn sie nicht wissen, was Multiplikation bedeutet.

# Wie bearbeitet „Mathe sicher können“ dieses Problem?

„Mathe sicher können“ ist ein Förderkonzept für die Klassen 5 bis 7, in denen genau diese essentiellen Verstehensgrundlagen aufgearbeitet werden. Dahinter stecken 15 Jahre Forschung und Entwicklung, durch welche wir in der Lage sind, essentielle Knackpunkte zu finden und Material zu entwickeln, das die Aufarbeitung von Rückständen fördert. Jede der Förderaufgaben wurde

mehrfach erprobt, bis sie so funktioniert. Über 500 Schulen arbeiten bereits mit diesem Konzept. Alle Diagnose- und Fördermaterialien stehen als Open Educational Resources frei zugänglich unter [mathe-sicher.koennen.dzlm.de/002](https://mathe-sicher.koennen.dzlm.de/002) und [003](https://mathe-sicher.koennen.dzlm.de/003). Die Materialien für Mathe sicher können ermöglichen es insbesondere, vier didaktische Prinzipien umzusetzen:

„Mich überzeugt ‚Mathe sicher können‘ insbesondere deswegen, weil eine anspruchsvolle theoretische Konzeption über guten Mathematikunterricht so konkretisiert wurde, dass sie wirklich im ganz konkreten Unterricht umgesetzt werden kann. Dass wichtige Stellschrauben benannt werden und damit dann am Ende Mathematikunterricht wirklich verbessert werden kann. Insgesamt nehme ich bei den Teilnehmenden an den Fortbildungsveranstaltungen in Hamburg genau dieselbe Begeisterung für ‚Mathe sicher können‘ wahr, wie ich es jetzt hier formuliere, weil man eben ein unglaublich anspruchsvolles didaktisches Konzept hat, das wirklich so konkretisiert wurde, dass man auf allen Anforderungsebenen, die unseren Beruf so schön, aber eben auch so anspruchsvoll macht, greift.“



**Natalie Ross,**  
**„Mathe sicher können“-Netzwerkkordinatorin in Hamburg**



### Verstehensorientierung

Jedes Kind kann Mathematik verstehen – entgegen der Vorstellung, die einige von Mathematik besitzen. Diesen Punkt machen wir auch in den Materialien für Eltern deutlich. Jedes Kind kann Mathe verstehen, wenn es die richtigen Lernangebote bekommt.



### Diagnosegeleitetheit

Um Lücken aufarbeiten zu können, ist es wichtig, die Verstehensgrundlagen überhaupt zu diagnostizieren. Dazu helfen kurze Diagnosetests, die dafür optimiert wurden, die Lücken der Verstehensgrundlagen aus den Jahrgängen zuvor überhaupt aufzudecken bei den einzelnen Kindern.



### Langfristigkeit statt Kurzfristigkeit

Wir müssen eine langfristige Förderung planen. Es ist langfristig nachhaltiger, auf die Verstehensgrundlagen aus den Jahren zuvor zu setzen als auf einen kurzfristig reparierenden Nachhilfeunterricht.



### Kommunikations- förderung

Wenn wir wirklich erreichen wollen, die Verstehensgrundlagen mit schwachen Lernende aufzuarbeiten, geht das leider nicht im Selbstlern-Betrieb. Für stärkere Lernende kann das gehen, doch insbesondere schwache Lernende können diese Dinge nicht allein aufarbeiten. Wir fördern sie daher in Kleingruppen-Settings in unterrichtsergänzenden Fördergruppen und im Regelunterricht, jedes Mal unter Bedingungen, in denen konsequent mit einer Lehrkraft kommuniziert werden kann.

	<b>N1</b> Stellenwertverständnis
	<b>N2</b> Zahlenstrahl
	<b>N3</b> Addition und Subtraktion verstehen
	<b>N4</b> Multiplikation und Division verstehen
	<b>N5</b> Verständiges Addieren und Subtrahieren
	<b>N6</b> Verständiges Multiplizieren und Dividieren
	<b>N7</b> Schriftliches Addieren und Subtrahieren
	<b>N8</b> Schriftliches Multiplizieren und Dividieren
	<b>S5</b> Textaufgaben lesen und verstehen



**Übersicht zu MSK-Bausteinen für Klasse 3 – 5**

	<b>B1</b> Brüche als Anteile
	<b>B2</b> Gleichwertige Brüche verstehen
	<b>B3</b> Brüche und Prozente ordnen
	<b>B4</b> Mit Brüchen rechnen
	<b>D1</b> Stellenwerte von Dezimalzahlen verstehen
	<b>D2</b> Dezimalzahlen ordnen und vergleichen
	<b>D3</b> Dezimalzahlen addieren und subtrahieren
	<b>D4</b> Dezimalzahlen multiplizieren und dividieren
	<b>DB</b> Zusammenhang Dezimalzahlen – Brüche



**Übersicht zu MSK-Bausteinen für Klasse 6**

# Wie können Fördergruppen organisiert sein?

„Mit dem Diagnose und Förderkonzept ‚Mathe sicher können‘, arbeiten wir inzwischen seit sieben Jahren. Wir suchen in Klasse 5 alle Kinder, die die Verstehensgrundlagen nicht beherrschen. Für sie bieten wir zwei bis drei Förderkurse an: immer maximal acht Kinder zusammen mit einer Lehrkraft. So kleine Gruppen sind für uns wichtig, weil wir es nur dadurch schaffen, die Kinder zum Sprechen und Denken zu bringen, die im Klassen Unterricht sonst abtauchen würden.“



**Jan Rüter,**  
**Schulleiter der Anne-Frank-Schule-Gütersloh**

Die meisten Schulen, die mit „Mathe sicher können“ arbeiten, richten eine Fördergruppe pro ein oder zwei Klassen ein, in der maximal acht Lernende einmal pro Woche mit der Lehrkraft arbeiten. Im Idealfall werden diese Fördergruppen von regulären Mathematiklehrkräften gehalten. Vom Arbeiten in den Fördergruppen profitiert dann nämlich auch der Regelunterricht.

Diese Fördergruppen brauchen einen festen Platz im Stundenplan. Das können Förderbänder oder eine

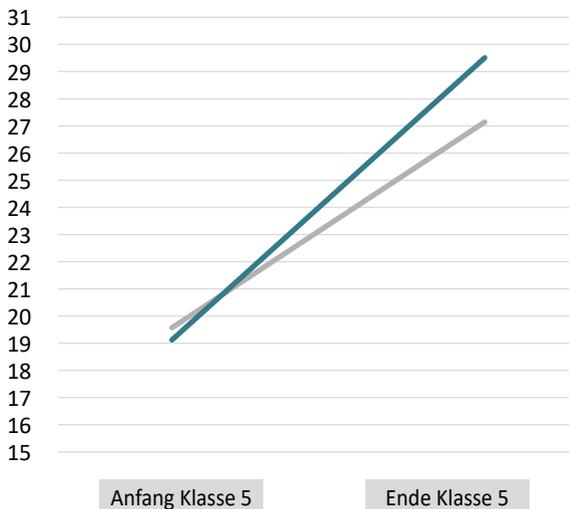
Freiarbeitsstunde sein. Motivierender ist es allerdings, wenn die Fördergruppen nicht parallel zu anderen AGs und Angeboten stattfinden.

Der regelmäßige Austausch von Lehrkräften, die solche Fördergruppen leiten, hat sich bewährt, denn die Kommunikation über die Erfahrungen in den Gruppen bringt auch das Kollegium weiter. Wenn an einer Schule nur ein bis zwei Lehrkräfte sind, dann kann der Austausch im Netzwerk mit anderen Schulen stattfinden.

# Warum ist „Mathe sicher können“ eine gute Investition in die Zukunft für Ihre Schule?

Die Einrichtung von Fördergruppen kann als Werbung für Eltern genutzt werden. Das „Mathe sicher können“-Konzept ist aber mehr als Werbung, denn es ist eine sehr gute Investition in die Bildungswege der Lernenden, deren Wissen erst wieder anschlussfähig wird. In einer Studie konnten wir nachweisen, dass Lernende mit „Mathe sicher können“ Verstehensgrundlagen besser aufarbeiten und

mehr lernen können als in anderen Förderkonzepten. In einem Vergleich lernten rund 300 Lernende, die mit „Mathe sicher können“ gefördert wurden, signifikant mehr als die mit anderen Förderkonzepten. Durch diese Arbeit investieren wir in die Zukunft unserer Kinder, denn nur so gewährleisten wir das Weiterlernen in der Sekundarstufe.



**Mathe sicher können** 

592 schwache Kinder gefördert mit „Mathe sicher können“ (Effektstärke  $d = 1.24$ )

Kontrollgruppe  
389 mathe-schwache Kinder anders gefördert

**Lernzuwächse im Vergleich – Wirksamkeitsnachweis der Förderung mit MSK**

„Mit dem ‚Mathe sicher können‘-Konzept in der Hand hatte ich eine Möglichkeit, meine rechenschwachen Schüler zielgerichtet zu fördern. Es gab mir aber auch die Chance, mich selber zu erproben und mich selber weiter zu lernen. Im Laufe der Zeit habe ich gelernt, fokussiert zu beobachten, Lernstände einzelner Schüler bewusst wahrzunehmen und daraus individuell angepasste Lernangebote zu generieren. Und genau das habe ich mit in meinen Fachunterricht genommen: Es fällt mir jetzt zunehmend leichter, auch in der Großgruppe einzelne Schüler bewusst wahrzunehmen, ihre Lernvoraussetzungen zu formulieren und Lernangebote zu schaffen, die sowohl ein individuelles Lernen als auch ein gemeinsames Lernen ermöglichen. Und ein ganz besonderer Punkt, auf den ich noch hinweisen möchte, ist das Lernen im Umgang mit Sprache. Die Sprachförderung ist für mich etwas geworden, was gleichzeitig mit der mathematischen Förderung jetzt in meinem Unterricht verbunden wird und dass ich mir sowohl in der Planung als auch der Durchführung immer wieder die Frage stelle, wo ich Sprache einfordern kann, wo ich aber auch Sprache bilden kann, sodass Sprache das Verstehen von mathematischen Inhalten unterstützt.“



***Claudia Ademmer,  
Richard-von-Weizsäcker-Gesamtschule Rietberg  
Netzwerkbegleiterin von „Mathe sicher können“ in NRW***

„Wir haben in den letzten sieben Jahren mit der Arbeit an ‚Mathe sicher können‘ an unserer Schule ganz viele tolle Erfolge erzielt. Das ist nicht nur für unsere Kinder super, sondern auch für unsere Kolleginnen und Kollegen. Die Handreichungen, die es zusätzlich zu dem Material gibt, sind eine wertvolle Ressource, um sich immer weiter in die Förderung einzudenken. Die Schwierigkeiten, die von Seiten der Kinder entstehen können während der Förderung, sind in den Handreichungen auf den Punkt dargestellt und helfen den Kollegen in ihrer Arbeit ungemein. Wir sind ja eine riesige Gesamtschule mit 140 Lehrkräften. Mit dem Konzept von ‚Mathe sicher können‘ zu arbeiten bedeutet für mich, dass ich den Kolleginnen und Kollegen ein strukturiertes Programm an die Hand geben kann. Das unterstützt ihre Arbeit sehr gut und wird gleichzeitig systemisch in unsere Fachgruppenarbeit eingebunden. So können wir die Nachhaltigkeit in der Förderung gewährleisten.“



**Anne Reiche,**  
***Didaktische Leiterin der Gesamtschule Kierspe***

”

**Die Lehrkräfte beginnen mit der Übertragung dessen,  
was sie in diesem Schonraum der Fördergruppe  
gelernt haben, in den regulären Unterricht.**

“

Ihre Schule hat aber noch mehr davon, wie unsere Netzwerkbegleiterinnen und Kooperationsschulen berichten. Die Einrichtung von Fördergruppen bedeutet einen höheren Personalaufwand, jedoch investieren Sie damit nicht nur gut für die Kinder, sondern auch in die fachdidaktische Expertise ihrer Lehrkräfte. Die meisten Lehrkräfte in der Sekundarstufe sind gar nicht mit den Verstehensgrundlagen aus Klasse 2 oder Klasse 3 vertraut und können sich zu Beginn selten vorstellen, wie divers die Vorstellung der Lernenden zu den

Inhalten ist. Lehrkräfte, die ein Jahr lang eine Fördergruppe leiten, können währenddessen alle Verstehensgrundlagen in Ruhe durchdenken.

Bereits ab dem zweiten Jahr fallen viele Punkte dann auch im Regelunterricht auf. Die Lehrkräfte beginnen mit der Übertragung dessen, was sie in diesem Schonraum der Fördergruppe gelernt haben, in den regulären Unterricht. Von daher investieren Sie nicht nur in die Lernenden, sondern auch in Ihr Kollegium.



# Welche Unterstützung brauchen Lehrkräfte von Schulleitungen?

Wie bei jeder Unterrichtsentwicklung und jeder Schulentwicklung kommt es erheblich darauf an, dass die Schulleitung den Lehrkräften den Rücken stärkt:

- Die Schulleitungen können dafür sorgen, dass der Förderunterricht regelmäßig verlässlich stattfindet und nicht ganz schnell wieder dem Vertretungsunterricht geopfert wird.
- Und die Schulleitungen können dafür sorgen, dass das Thema wertgeschätzt wird. Sie schätzen es auch wert, indem sie den Kolleginnen und Kollegen die Gelegenheit geben, sich miteinander auszutauschen über das, was sie da erfahren. Für so einen regelmäßigen Austausch kann schon eine gleichzeitige Freistunde sehr hilfreich sein und ausreichen.
- Nach ungefähr einem Dreivierteljahr ermutigen Sie die Kolleginnen und Kollegen, der ganzen Mathe-Fachschaft zu berichten, was sie da machen und dafür zu sorgen, dass im nächsten Jahrgang jemand anderes Interesse hat, diese Förderkurse zu unterrichten.
- So können Sie nach einigen Jahren tatsächlich alle Lehrkräfte der Schule mit einer Expertise für die Verstehensgrundlagen versehen, die sich dann auch im Regelunterricht zunehmend bemerkbar macht. Je mehr sie spüren, dass die Schulleitung dahinter steht, desto mehr Dynamik kann das Konzept an Ihrer Schule entfalten.

Wir wünschen Ihnen viel Erfolg dabei!

”

**Je mehr die Kolleginnen und Kollegen spüren, dass die Schulleitung dahinter steht, desto mehr Dynamik kann das Konzept an ihrer Schule entfalten.**

“



# Mathe sicher können



Susanne Prediger  
Christoph Selter  
Daniela Götze  
Birte Pöhler-Friedrich

Mitkonzeption der Broschüre:  
Claudia Ademmer & Kim-Alexandra Rösike  
Gestaltung der Broschüre: Marlen Retke

## DZLM

Deutsches Zentrum für Lehrkräftebildung Mathematik (DZLM)  
Humboldt-Universität zu Berlin

Unter den Linden 6, 10099 Berlin (Postanschrift)  
Hausvogteiplatz 5 – 7, 2. OG, 10117 Berlin (Sitz)  
Tel.: +49 030 209 347 970 (Sekretariat)

[mathe-sicher-koennen.dzlm.de](https://mathe-sicher-koennen.dzlm.de)