Mathe sicher können

Diagnose- und Fördermaterial



B1 Brüche und Prozente verstehen



Inhalt

Baustein B1A Ich kann Anteile bestimmen und darstellen

- Diagnosematerial (1 Seite Standortbestimmung)
- Fördermaterial in drei Fördereinheiten (4 Seiten)

Baustein B1B Ich kann Prozente bestimmen und darstellen

- Diagnosematerial (1 Seite Standortbestimmung)
- Fördermaterial in drei Fördereinheiten (4 Seiten)

Baustein B1C Ich kann Anteile von Mengen bestimmen und darstellen

- Diagnosematerial (1 Seite Standortbestimmung)
- Fördermaterial in drei Fördereinheiten (4 Seiten)



Dieses Material wurde durch Andrea Schink & Susanne Prediger in 2014 konzipiert und mithilfe von Lena Wessel in 2023 für die 2. Auflage leicht überarbeitet. Es kann unter der Creative Commons Lizenz BY-NC-SA (Namensnennung – Nicht Kommerziell – Weitergabe unter gleichen Bedingungen) 4.0 International weiterverwendet werden.

Zitierbar als

Andrea Schink & Susanne Prediger (2023). Mathe sicher können Diagnose- und Förderbausteine B1: Brüche und Prozente verstehen. Open Educational Resources unter mathe-sicher-koennen.dzlm.de/bpd/#B1

Hinweis zu verwandtem Material Zu dem Diagnose- und Fördermaterial sind auch Handreichungen verfügbar sowie Erklärvideos und Fortbildungsfilme, alles zu finden unter mathe-sicher-koennen.dzlm.de/bpd. Das Material der 1. Auflage (von 2014) ist in Print auch bei Cornelsen kaufbar, wurde hier jedoch leicht weiterentwickelt.

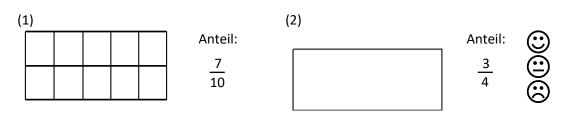


Kann ich Anteile von einem Ganzen bestimmen und darstellen? Α

1

Fin	Stück vom Ganzen bes	timmen un	d darstellen		
a)	Gib den Anteil für den grauer als Bruch an.			Anteil: 1/8	
c)	Gib den Anteil an, indem Du (1)	den grauen Te Anteil:	il am Ganzen als Bruch beschro	Anteil:	
d)	Erkläre deinen Lösungsweg z	um Bild 2 aus (c):		
Me	ehrere Stücke vom Gan	zen bestim	men und darstellen		
a)	Gib den Anteil an, indem Du	den grauen Te	il am Ganzen als Bruch beschre	eibst.	
	(1)	Anteil:	(2)	Anteil:	
b)	Erkläre deinen Lösungsweg				

Zeichne für beide Bilder den Teil farbig ein, sodass der Anteil passt.





zum Bild 2 aus a):

2



A Ich kann Anteile von einem Ganzen bestimmen und darstellen

1 Ein Stück vom Ganzen bestimmen und darstellen

1.1 Welchen Anteil bekommt ein Kind?

a) Wie muss man schneiden, wenn sich mehrere Kinder gerecht einen Blechkuchen teilen? Welchen Anteil bekommt ein Kind? Falte zuerst ein Blatt so, wie du den Kuchen schneiden würdest. Ergänze dann die Tabelle. Erkläre, wie du dabei vorgegangen bist.



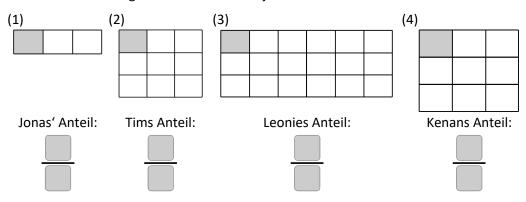
Situation:	Bild: Das bekommt ein Kind:	Anteil für ein Kind:
1 Kuchen für 2 Kinder:		1/2
1 Kuchen für 4 Kinder		
1 Kuchen für 6 Kinder		
1 Kuchen für 8 Kinder		

PQ

b) Was passiert mit dem Anteil für ein Kind, wenn doppelt so viele Kinder mitessen? Was passiert mit dem Anteil für ein Kind, wenn immer mehr Kinder dazu kommen?

1.2 Anteile von verschiedenen Kuchen

a) Hier sind verschiedene Kuchen. Die Kinder bekommen immer das graue Stück. Welcher Anteil vom ganzen Kuchen ist das jeweils?





b) Vergleiche Bild 1 und Bild 4 aus a), also die Stücke von Jonas und Kenan. Der Teil im Bild ist gleich groß, das Ganze wird größer. Was ist mit dem Anteil? Vergleiche auch die anderen Bilder. Welche Muster kannst du finden?





1.3 Was hat der Bruch mit dem Bild zu tun?



a) Sortiere die Kärtchen:

Welche Begriffe gehören zum Bruch und zum Bild?

Schreibe den Text ab und ergänze die fehlenden Begriffe und Angaben.



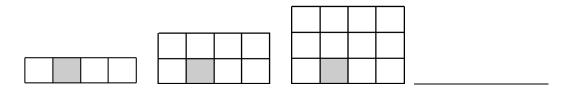
Der	beschreibt den Anteil. Hier:
lm	steht, in wie viele gleich große Stücke das geteilt wurde. Hier:
lm	steht, wie viele Stücke zum Teil gehören. Hier:

b) Schaut nun das Erklärvideo und erklärt danach nochmal mit den Wörtern und Satzbausteinen aus a).

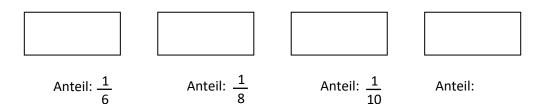


1.4 Anteile bestimmen und ablesen

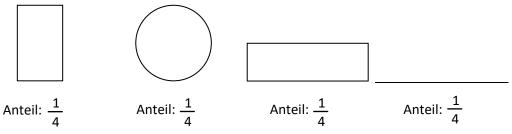
a) Bestimme für jedes Bild den Anteil. Wie könnte es weiter gehen?



b) Zeichne für jedes Bild den Teil ungefähr passend ein. Wie könnte es weiter gehen?



c) Zeichne für jedes Bild den Teil zu einem Viertel ungefähr passend ein. Ergänze ein 4. Bild.



PQ

d) Vergleiche jeweils die Bilder innerhalb der einzelnen Aufgabenteile a), b) und c). Was stellst du fest?

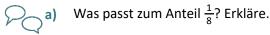


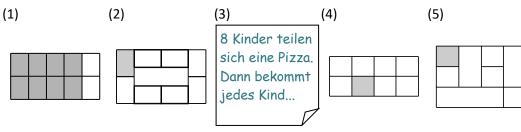
e) Eine Person erfindet eine Aufgabe wie in a) oder b), die andere Person löst die Aufgabe. Wechselt euch ab.

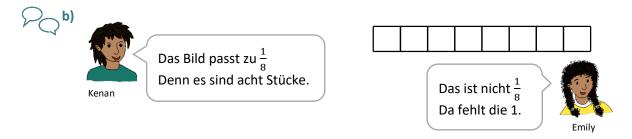




1.5 Was passt zu Achteln?

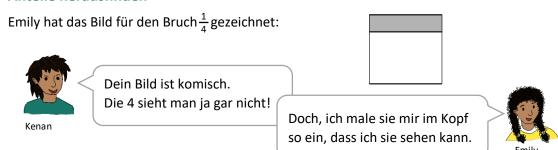




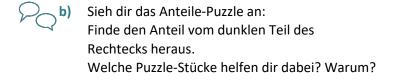


Was meint Emily mit "Da fehlt die 1"? Erkläre.

1.6 Anteile herausfinden



Was meint Kenan?
Ergänze das Bild so, wie Emily es sich vorstellen könnte.
Tipp: Du kannst das Bild auch nachlegen.











2 Mehrere Stücke vom Ganzen bestimmen und darstellen

2.1 Einen größeren Teil vom Ganzen bekommen

a) Emily hat großen Hunger: Sie nimmt sich direkt mehrere Stücke vom Kuchen. Welchen Anteil vom ganzen Kuchen hat sie gegessen?



b) Welchen Anteil vom Schokoriegel bekommt Tim? Ergänze die Tabelle mit den passenden Zahlen und Brüchen.

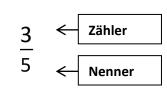


So viele Stücke hat der ganze Riegel:	Diesen Teil (also so viele gleich große Stücke) bekommt Tim:	Teil vom Ganzen im Bild Das bekommt Tim:	Tims Anteil vom Schokoriegel:
5	1		<u>1</u> 5



c)





Erkläre den Anteil $\frac{3}{5}$ mit dem Schokoriegel. Warum passt die Bezeichnung "Zähler"?

b) Schaut nun das Erklärvideo und erklärt danach nochmal mit den Wörtern und Satzbausteinen aus a).

- Was habt ihr genauso beschrieben?
- Was hat das Video noch erklärt?







2.2 Anteile in Bruchstreifen markieren



) Scanne den QR-Code und nutze die digitalen Bruchstreifen zur Bearbeitung der Aufgabe. Stelle $\frac{3}{5}$ und $\frac{2}{8}$ zwei Bruchstreifen dar. Überlege:

- Welchen Bruchstreifen wählst du warum aus?
- Wie viele Stücke markierst du? Warum?

Flexible Bruchstreifen



b) Stelle den Anteil $\frac{4}{7}$ in einem passenden Bruchstreifen dar. Was passiert mit dem Anteil, wenn du die Länge des Bruchstreifens veränderst?



c) Stellt euch gegenseitig Aufgaben mit dem digitalen Bruchstreifen: Eine Person stellt eine Aufgabe wie in a) oder b), die andere Person löst die Aufgabe. Wechselt euch ab.

2.3 Anteile einzeichnen

Zeichne in Papier oder den digitalen Bruchstreifen aus 2.2 den Anteil ein. Vergleiche die Brüche und Bilder miteinander.

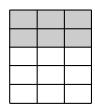
2.4 Anteile ablesen I



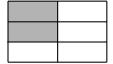
Lies die Anteile ab. Vergleiche die Anteile. Was fällt dir auf?

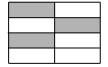






b) Lies die Anteile ab. Findest du hier auch ein Muster? Ergänze ein 4. Bild.









c) Eine Person stellt eine Aufgabe wie in a) oder b), die andere Person löst die Aufgabe. Wechselt euch ab.



Erkläre: Was ist an $\frac{3}{4}$ immer gleich, auch wenn das Bild dazu anders aussehen kann?







e) Finde selbst drei verschiedene Bilder zum Anteil $\frac{5}{6}$.





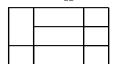
2.5 Verschiedene Stücke zusammenfassen

Jonas und Emily bekommen jeweils etwas von einem Kuchen geschenkt. Markiere den Teil, den sie bekommen, so dass der Anteil passt.

Jonas bekommt $\frac{4}{6}$ vom Kuchen.



Emily bekommt $\frac{4}{12}$ vom Kuchen.



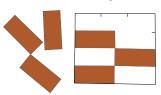
2.6 Anteile herausfinden



Hilf Tara und Leonie, den Anteil am Rechteck herauszufinden. Wie gehst du vor?



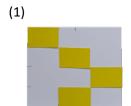
Wie soll man denn hier den Anteil rausfinden?



Ich leg das Muster mal nach.



b) Bestimme auch hier die Anteile.

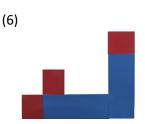














Leonie wundert sich über das Bild:

Was meint Leonie? Worauf muss man beim Anteile-Ablesen achten?



Aber wieso ist das $\frac{1}{3}$ und nicht $\frac{1}{7}$? Da sind doch 7 Teile und nicht 3 ...





d) Legt selbst ähnliche Bilder und löst sie gegenseitig.





B Kann ich Prozente bestimmen und darstellen?

1 Prozente in Bruchstreifen bestimmen und darstellen

a) Schreibe als Prozent: $\frac{30}{100}$ = $\frac{30}{100}$

b) Lies ab, wie viel Prozent vom Streifen gefärbt sind. Gib den Anteil auch als Bruch an.

Anteil in Prozent: % = Anteil als Bruch

0 1

Anteil als Prozent: % = Anteil als Bruch

c) Zeichne die Prozente farbig ein. Gib auch den Anteil auch als Bruch an.

0 1

Anteil in Prozent: 45 % = ____ Anteil als Bruch

 $\hat{0}$

Anteil in Prozent: 50 % = Anteil als Bruch

d) Zeichne den Anteil farbig ein. Gib auch die Prozentzahl an.

0 1

Anteil in Prozent: $\% = \frac{20}{100}$ Anteil als Bruch

0 1

Anteil in Prozent: $\% = \frac{6}{10}$ Anteil als Bruch







B Ich kann Prozente bestimmen und darstellen

1 Prozente in Bruchstreifen bestimmen und darstellen

1.1 Anteile in Download-Balken bestimmen

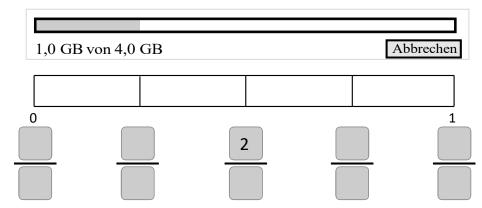
a) Kenan lädt Dateien herunter und schaut sich den Download-Balken an:





Stimmt das, was Kenan sagt? Wie kannst du das überprüfen?

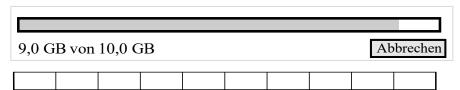
b) Der Download-Balken am Computer sieht fast so aus wie ein Bruchstreifen. Zeichne in dem Bruchstreifen unten drunter ein, wie viel schon geladen ist.



c) Der Rechner l\u00e4dt immer weiter, wie viele Viertel sind jetzt geladen? Zeichne ein und schreibe dazu.

1,0 GB von 4,0 GB	Abbrechen	2,0 GB von 4,0 GB	Abbrecher	3,0 GB von 4,0 GB	Abbrechen	4,0 GB von 4,0 GB	Abbrechen

- d) Welchen Anteil muss der Computer in c) jeweils noch laden?
- e) Wie viel Zehntel sind jetzt geladen?





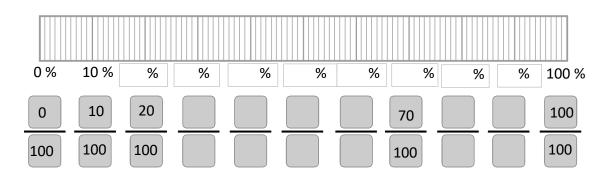


1.2 100% im Download-Balken

a) Der Computer gibt Fortschrittsbalken auch oft mit Prozenten an. Prozente sind auch Anteile, denn Pro-Cent heißt "pro Hundert":

10 % bedeutet also 10 pro 100, also $\frac{10}{100}$, 20 % bedeutet $\frac{20}{100}$ und so weiter...

Schreibe die fehlenden Anteile und die Prozente an den Hundertstel-Streifen.



b) Wie viel Prozent sind $\frac{43}{100}$? Zeige an dem Streifen aus a). Wie viel Hundertstel sind 75%? Zeige an dem Streifen aus a).

1.3 Prozent, Hundertstel und Zehntel

<u>0</u> 10 Ich schreibe 20 % auch so: $\frac{2}{10}$



Überprüfe Kenans Idee an den zwei Bruchstreifen.
 Wie könnte Kenan 20 % noch anders schreiben?

<u>0</u> 100 100

- b) Schreibe auch die anderen Prozente als Brüche mit Nenner 10 auf: $10 \% = \frac{\square}{10}$, ...
- c) Hat Tara Recht?Überprüfe am Zehntel und am Hundertstel-Streifen.



<u>10</u> 10







1.4 Anteile mit Streifen bestimmen



Welchen Anteil hat der Computer von der Datei kopiert?
 Gib den Anteil in Hundertstel und in Prozent an.
 Du kannst ihn dazu auch auf die digitalen Streifen übertragen oder den Hundertstelstreifen in Papier nutzen.





8,0 GB von 10,0 GB	Abbrechen
5,0 GB von 10,0 GB	Abbrechen
6,0 GB von 10,0 GB	Abbrechen
6,0 GB von 10,0 GB	Abbrechen
6,0 GB von 10,0 GB	Abbrechen
6,0 GB von 10,0 GB	Abbrechen
6,0 GB von 10,0 GB	Abbrechen
6,0 GB von 10,0 GB 7,5 GB von 10,0 GB	Abbrechen



- b) Stellt euch im digitalen Hundertstelstreifen gegenseitig Aufgaben:
 - Eine Person sagt eine Prozentzahl
 - Die andere trägt sie im Hundertstelstreifen ein und übersetzt sie in einen Bruch.

1.5 Anteile mit Streifen darstellen



Wie sehen die Download-Balken zu den Prozent- und Anteilsangaben jeweils aus? Übertrage sie in Zehntel- und Hundertstel-Streifen. Wie gehst du vor?

- (1) 25 %
- (1) $\frac{80}{100}$
- $(1) \frac{10}{}$
- (1) 10 GB von 100 GB

- (2) 30 %
- (2) $\frac{70}{100}$
- (2) <u>8</u>
- (2) 20 GB von 100 GB

- (3) 50 %
- (3) $\frac{75}{100}$
- (3) $\frac{6}{10}$
- (3) 30 GB von 100 GB

(4) 60 %

(4) 20 GB von 200 GB

(5) 75 %





C Kann ich Anteile von Mengen bestimmen und darstellen?

1 Anteile von Mengen bestimmen

a) Wie viele Kinder sind das? Schreibe die Zahl auf.

 $\frac{1}{4}$ von 12 Kindern sind Kinder.

 $\frac{3}{5}$ von 30 Kindern sind

Kinder.

b) Wie viele Kinder sind $\frac{2}{3}$ von 12 Kindern? Zeige mit einem Bild.

Bild:

c) Wie viele Kinder sind $\frac{5}{6}$ von 18 Kindern? Zeige mit einem Bild.

Bild:



2 Anteile von Mengen berechnen

a) Wie viele Bonbons sind das? Berechne ohne Bild.

(1) $\frac{1}{4}$ von 48 Bonbons sind Bonbons.

Erklärung zu (3):

- (2) $\frac{4}{7}$ von 56 Bonbons sind Bonbons.
- (3) $\frac{7}{8}$ von 72 Bonbons sind Bonbons.
- b) Erkläre deine Rechnung aus Teilaufgabe 3.

c) Schreibe den Anteil für die Bonbons auf:



von 8 Bonbons sind 6 Bonbons.







C Ich kann Anteile von Mengen bestimmen und darstellen

1 Anteile von Mengen bestimmen

1.1 Anteile von Mengen mit Bruchstreifen bestimmen

Mit den Feldern des Bruchstreifens kann man Anteile von Mengen bestimmen:

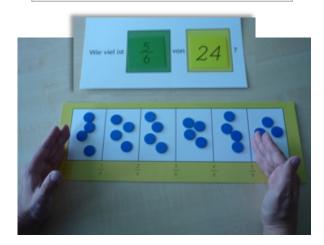


So legst du die Aufgabe: Wie viel ist $\frac{5}{6}$ von 24?

- 1. Nimm den Sechstel-Streifen, denn es geht um fünf Sechstel.
- Verteile die ganze Menge, also die 24 Plättchen, auf den sechs Feldern des Sechstel-Streifens.
- 3. Wo sieht man jetzt, wie viel ein Sechstel von 24 ist?
- Zu jedem Sechstel-Feld gehört eine 4er-Gruppe von Plättchen.
 Also ist der Teil zu einem Feld: 4
- Wie viele Plättchen gehören dann zu 5 Sechsteln von 24? fünf 4er



- Bruchstreifen
- grüne Anteil-Karten
- gelbe Mengenkarten (pro Bruchstreifen ein Stapel)
- Plättchen
- eine Aufgabentafel
- eine Tabelle ("Protokollbogen") pro Kind
- eine Lösungshilfe



a) Tim hat eine Tabelle angefangen. Damit löst er die Aufgabe "Wie viel ist $\frac{3}{4}$ von 8?"

Aufgabe:		Suche Teil zum ei	nfachen Anteil:	Zähle Anteile hoch:			
Wie viel ist $\frac{3}{4}$ von $8 = ?$				00 00 00			
Anteil	Ganze Menge	Einfacher Anteil zu einem Feld	Teil zu einem Feld	Anteil	Gesuchter Teil	Antwortsatz	
3 4	8	1/4	2	drei Viertel	drei 2er, also 6	$\frac{3}{4}$ von 8 sind 6	



Warum guckt er sich erst $\frac{1}{4}$ von 8 an?



b) Legt selbst einige Aufgaben: Eine Person löst die Aufgabe, die anderen kontrollieren. Wechselt euch ab. Notiert eure Ergebnisse in der Tabelle ("Protokollbogen").





1.2 Tabellen untersuchen

Wie viel ist $\frac{1}{6}$ von 24, $\frac{2}{6}$ von 24, ...?

Übertrage die Anteile und die ganzen Mengen in deiner Tabelle und ergänze die fehlenden Angaben. Welche Muster kannst du finden? Wie geht es weiter?

Anteil	Ganze Menge
ein Sechstel	24
zwei Sechstel	24
drei Sechstel	24
vier Sechstel	24



b) Wie viel ist $\frac{1}{2}$ von 24, $\frac{1}{3}$ von 24, ...?

Übertrage die Zahlen wie in a) und ergänze die fehlenden Angaben. Welche Muster kannst du finden?

Warum kann man die Aufgabe $\frac{1}{5}$ von 24 nicht gut lösen?

Anteil	Ganze Menge
ein Halb	24
ein Drittel	24
ein Viertel	24
ein Fünftel	24



Eine Person denkt sich ein Muster wie in a) oder b) aus, die andere löst es. Wechselt euch ab.

Andere Anteile und andere Teile



Leonie hat die Aufgabe "Wie viel sind $\frac{3}{4}$ von 32?" gelegt. Welchen Streifen nimmt sie?



Jetzt soll sie $\frac{2}{4}$ von 32bestimmen. Was muss sie verändern?

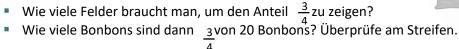


Tim hat $\frac{2}{3}$ von 24 bestimmt. Jetzt bestimmt er $\frac{3}{4}$ von 24. Was muss er verändern?



1.4 Anteile und Streifen im Kopf vorstellen

- Tara bekommt $\frac{3}{4}$ von 20 Bonbons. Stelle dir die Bonbons auf dem Streifen vor:
 - Welchen Bruchstreifen stellst du dir vor?
 - Welcher Anteil gehört zu einem Feld? Wie viele Bonbons sind das?







Eine Person stellt eine Aufgabe wie in a), die andere löst sie. Ihr könnt dazu die Fragen von oben nutzen. Wechselt euch ab.



Schreibe nun auf, wie man mit dem Streifen im Kopf $\frac{2}{5}$ von 30 bestimmen kann.



- d) Schaut nun das Erklärvideo.;
 - Was ist in dem Video genauso wie in deiner Erklärung?
 - Was ist anders und was erklärt das Video noch zusätzlich?



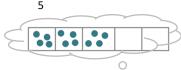




2 Anteile von Mengen berechnen

2.1 Aufgaben ohne Bilder lösen

a) Aufgabe: $\frac{3}{5}$ von 20



Anteile von Mengen kann man durch Rechnen finden, wenn man sich die Plättchen oder Punkte im Kopf vorstellt. Erkläre die Rechnung:

Das tue ich nur noch im Kopf

- 1. 20 auf 5 Felder verteilen
- Dann erhalte ich 4er Gruppen
- 3. Über drei Feldern die 4er-Gruppen hochzählen:

Das spreche ich dazu

Ich will ja Fünftel Aha, zu jedem Fünftel gehört eine 4er Gruppe Ich will aber drei Fünftel: ein 4er, zwei 4er, drei 4er

Also sind drei Fünftel von 20 genau 20 durch 5 mal 3

Das rechne ich

drei 4er, das sind 3·4 = 12

Also: $\frac{3}{5} \cdot 20 = 20 : 5 \cdot 3 = 12$



b) Berechnet genauso $\frac{2}{3}$ von 42. Was stellt ihr euch dazu vor?



c) Erklärt die Rechnung 24 : $6 \cdot 5$. Zu welcher Aufgabe passt sie?



- d) Schreibe nun auf, wie man $\frac{2}{5}$ von 30 mit einer Rechnung lösen kann.
- e) Schaut nun das Erklärvideo.



- Was ist in dem Video genauso wie in deiner Erklärung?
- Was ist anders und was erklärt das Video noch zusätzlich?



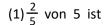
2.2 Anteile berechnen



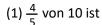
a) Berechnet die Aufgaben wie in 2.1 a). Was fällt dir auf?













 $(2)\frac{3}{4}$ von 16 ist



 $(2)\frac{2}{5}$ von 15 ist



(2) $\frac{4}{5}$ von 20 ist



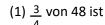
 $(3)\frac{3}{4}$ von 32 ist



(3) $\frac{2}{5}$ von 45 ist



(3) $\frac{4}{5}$ von 40 ist





(1) $\frac{7}{9}$ von 72 ist



(2) $\frac{3}{8}$ von 48 ist



(2) $\frac{7}{9}$ von 36 ist



(3) $\frac{3}{16}$ von 48 ist



 $(3)\frac{7}{9}$ von 18 ist





b) Eine Person stellt eine Aufgabe wie in a), die andere löst sie. Wechselt euch ab.





2.3 Fehlende Angaben herausfinden



• •

a) In der Tabelle sind Lücken. Ergänze die Tabelle. Welche Muster kannst du finden?

ganze Menge	Anteil zu einem Feld	Teil zu einem Feld	Anteil	Gesuchter Teil	Antwortsatz	Bild
8	$\frac{1}{4}$	2	$\frac{3}{4}$	6	$\frac{3}{4}$ von 8 ist 6	0000
24					$\frac{3}{4}$ von 24 ist 18	
16	$\frac{1}{8}$			12		
						00000
32						
		4				
	8 24 16	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	8 \frac{1}{4} 2 \frac{3}{4} 6 \frac{3}{4} \text{ von 8 ist 6} 24 \frac{3}{4} \text{ von 24 ist 18} 16 \frac{1}{8} 12 32 \frac{1}{8} 12

b) Vergleicht die letzte Zeile eurer Tabellen: Wie habt ihr die Lösung gefunden? Schreibt euren Rechenweg auf.



c) Eine Person stellt eine ähnliche Aufgabe wie in a), die andere löst sie. Wechselt euch ab.

