Mathe sicher können

Diagnose- und Fördermaterial



B1 Brüche und Prozente verstehen



Inhalt

Baustein B1A

Ich kann Anteile bestimmen und darstellen

- Diagnosematerial (1 Seite Standortbestimmung)
- Fördermaterial in drei Fördereinheiten (6 Seiten)

Baustein B1B

Ich kann Prozente bestimmen und darstellen

- Diagnosematerial (1 Seite Standortbestimmung)
- Fördermaterial in drei Fördereinheiten (3 Seiten)

Baustein B1C

Ich kann Anteile von Mengen bestimmen und darstellen

- Diagnosematerial (1 Seite Standortbestimmung)
- Fördermaterial in drei Fördereinheiten (4 Seiten)



Zitierbar als

Dieses Material wurde durch Andrea Schink & Susanne Prediger in 2014 konzipiert und mithilfe von Lena Wessel, Lena Böing und Kirsten Scholle in 2023–25 für die 2. Auflage leicht überarbeitet. Es kann unter der Creative Commons Lizenz BY-NC-SA (Namensnennung – Nicht Kommerziell – Weitergabe unter gleichen Bedingungen) 4.0 International weiterverwendet werden.

Schink, Andrea, Prediger, Susanne & Wessel, Lena (2026). Mathe sicher können Diagnose- und Förderbausteine B1: Brüche und Prozente verstehen. In Prediger, S., Selter, C., Hußmann, S. & Nührenbörger, M. (Hrsg.). (2026). Mathe sicher können: Diagnose- und Förderkonzept zur Sicherung mathematischer Basiskompetenzen. Brüche, Prozente, Dezimalzahlen (2. Auflage). Cornelsen. Open Educational Resources unter mathe-sicher-koennen.dzlm.de/bpd/#B1

Hinweis zu verwandtem Material Zu dem Diagnose- und Fördermaterial sind auch Didaktische Kommentare und Fortbildungsfilme verfügbar sowie Erklärvideos für Lernende, alles zu finden unter mathe-sicher-koennen.dzlm.de/bpd. Die digitalen Bruchstreifen unter https://dzlm.de/vam/msk-bruchstreifen.html helfen beim Veranschaulichen. Sie werden aber erst ab Baustein B2 systematisch genutzt.





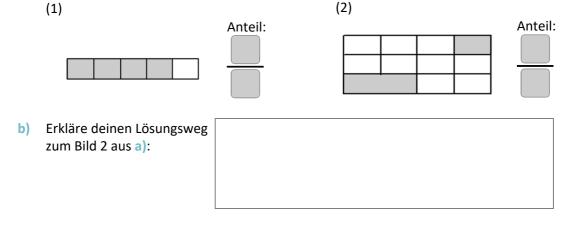
A Kann ich Anteile von einem Ganzen bestimmen und darstellen?

1 Ein Stück vom Ganzen bestimmen und darstellen

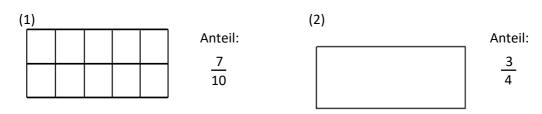
a)	Gib den Anteil für den grauen Teil als Bruch an. b) Zeichne den Teil farbig ein, so dass der Anteil passt.	
	Anteil: Ante	il:
	<u>1</u> 8	
c)	Gib den Anteil an, indem Du den grauen Teil am Ganzen als Bruch beschreibst.	
9	(1) (2)	
	Anteil: Anteil:	il:
d)	Erkläre deinen Lösungsweg zum Bild 2 aus c):	

2 Mehrere Stücke vom Ganzen bestimmen und darstellen

a) Gib den Anteil an, indem Du den grauen Teil am Ganzen als Bruch beschreibst.



c) Zeichne für beide Bilder den Teil farbig ein, sodass der Anteil passt.







A Ich kann Anteile von einem Ganzen bestimmen und darstellen

1 Ein Stück vom Ganzen bestimmen und darstellen

1.1 Welchen Anteil bekommt ein Kind?

a) Wie muss man schneiden, wenn sich mehrere Kinder gerecht einen Blechkuchen teilen? Welchen Anteil bekommt ein Kind? Falte zuerst ein Blatt so, wie du den Kuchen schneiden würdest. Ergänze dann die Tabelle. Erkläre, wie du dabei vorgegangen bist.

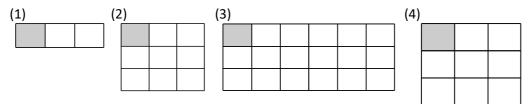


Situation:	Bild: Das bekommt ein Kind:	Anteil für ein Kind:
1 Kuchen für 2 Kinder:		1/2
1 Kuchen für 4 Kinder		
1 Kuchen für 6 Kinder		
1 Kuchen für 8 Kinder		

b) Was passiert mit dem Anteil für ein Kind, wenn doppelt so viele Kinder mitessen? Was passiert mit dem Anteil für ein Kind, wenn immer mehr Kinder dazu kommen?

1.2 Anteile von verschiedenen Kuchen

a) Hier sind verschiedene Kuchen. Die Kinder bekommen immer das graue Stück. Welcher Anteil vom ganzen Kuchen ist das jeweils?





b) Vergleiche Bild 1 und Bild 4 aus a).
Der Teil im Bild ist gleich groß, das Ganze wird größer. Was ist mit dem Anteil?
Vergleiche auch die anderen Bilder. Welche Muster kannst du finden?





1.3 Was hat der Bruch mit dem Bild zu tun?



a) Sortiere die Kärtchen:

Welche Begriffe gehören zum Bruch und zum Bild?

Schreibe den Text ab und ergänze die fehlenden Begriffe und Angaben.



Der	_ beschreibt den Anteil. Hier:
lm	_ steht, in wie viele gleich große Stücke das geteilt wurde. Hier:
lm	_ steht, wie viele Stücke zum Teil gehören. Hier:



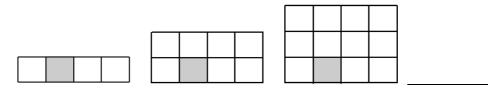
b) Schaut nun das Erklärvideo und erklärt danach noch einmal mit den Wörtern und Satzbausteinen aus a).



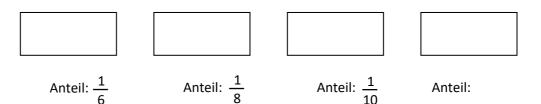
mathe-sicherkoennen.dzlm.de/ erklaervideos?nid=690

1.4 Anteile bestimmen und ablesen

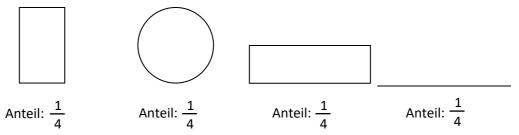
a) Bestimme für jedes Bild den Anteil. Wie könnte es weiter gehen?



b) Zeichne für jedes Bild den Teil ungefähr passend ein. Wie könnte es weiter gehen?



c) Zeichne für jedes Bild den Teil zu einem Viertel ungefähr passend ein. Ergänze ein 4. Bild.





d) Vergleiche jeweils die Bilder innerhalb der einzelnen Aufgabenteile a), b) und c). Was stellst du fest?



e) Eine Person erfindet eine Aufgabe wie in a) oder b), die andere Person löst die Aufgabe. Wechselt euch ab.





1.5 Was passt zu Achteln?



Was passt zum Anteil $\frac{1}{8}$? Erkläre.







Was meint Emily mit "Da fehlt die 1"? Erkläre.

1.6 Anteile herausfinden

Emily hat das Bild für den Bruch $\frac{1}{4}$ gezeichnet:



Dein Bild ist komisch.

Die 4 sieht man ja gar nicht!



Doch, ich male sie mir im Kopf so ein, dass ich sie sehen kann.





Was meint Kenan?

Ergänze das Bild so, wie Emily es sich vorstellen könnte.

Tipp: Du kannst das Bild auch nachlegen.



Sieh dir das Anteile-Puzzle an:

- Finde den Anteil vom dunklen Teil des
- Welche Puzzle-Stücke helfen dir dabei?









2 Mehrere Stücke vom Ganzen bestimmen und darstellen

2.1 Einen größeren Teil vom Ganzen bekommen

a) Emily hat großen Hunger: Sie nimmt sich direkt mehrere Stücke vom Kuchen. Welchen Anteil vom ganzen Kuchen hat sie gegessen?



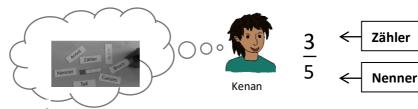
b) Welchen Anteil vom Schokoriegel bekommt Tim? Ergänze die Tabelle mit den passenden Zahlen und Brüchen.



So viele Stücke hat der	Diesen Teil (also so viele gleich große Stücke) bekommt Tim:	Teil vom Ganzen im Bild	Tims Anteil vom
ganze Riegel:	Dekommit mm.	Das bekommt Tim:	Schokoriegel:
5	1		<u>1</u> 5



c)



Erkläre den Anteil $\frac{3}{5}$ mit dem Schokoriegel. Warum passt die Bezeichnung "Zähler"?



- b) Schaut nun das Erklärvideo und erklärt danach nochmal mit den Wörtern und Satzbausteinen aus a).
 - Was habt ihr genauso beschrieben?
 - Was hat das Video noch erklärt?



mathe-sicherkoennen.dzlm.de/ erklaervideos?nid=691





Anteile in Bruchstreifen markieren 2.2



Nutze die digitalen Bruchstreifen zur Bearbeitung der Aufgabe: Stelle $\frac{3}{5}$ und $\frac{2}{8}$ an zwei Bruchstreifen dar. Überlege dazu:

• Welchen Bruchstreifen wählst du warum aus?

Digitale Bruchstreife



- Wie viele Stücke markierst du? Warum?
- b) Stelle den Anteil $\frac{4}{7}$ in einem passenden Bruchstreifen dar. Was passiert mit dem Anteil, wenn du die Länge des Bruchstreifens veränderst?

Qc	5
(>	く

c) Stellt euch gegenseitig Aufgaben mit dem digitalen Bruchstreifen: Eine Person stellt eine Aufgabe wie in a) oder b), die andere Person löst die Aufgabe. Wechselt euch ab.

2.3 Anteile einzeichnen

Zeichne auf Papier oder mit digitalen Bruchstreifen aus 2.2 den Anteil ein. Vergleiche die Brüche und Bilder miteinander.

3 4	
3 8	
<u>3</u> 16	

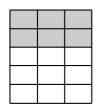
Anteile ablesen I



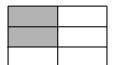
Lies die Anteile ab. Vergleiche die Anteile. Was fällt dir auf?

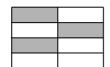


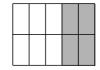




Lies die Anteile ab. Findest du hier auch ein Muster? Ergänze ein 4. Bild.









Eine Person stellt eine Aufgabe wie in a) oder b), die andere Person löst die Aufgabe.



Erkläre: Was ist an $\frac{3}{4}$ immer gleich, auch wenn das Bild dazu anders aussehen kann?







Finde selbst drei verschiedene Bilder zum Anteil $\frac{5}{6}$.





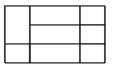
2.5 Verschiedene Stücke zusammenfassen

Jonas und Emily bekommen jeweils etwas von einem Kuchen geschenkt. Markiere den Teil, den sie bekommen, so dass der Anteil passt.

Jonas bekommt $\frac{4}{6}$ vom Kuchen.



Emily bekommt $\frac{4}{12}$ vom Kuchen.



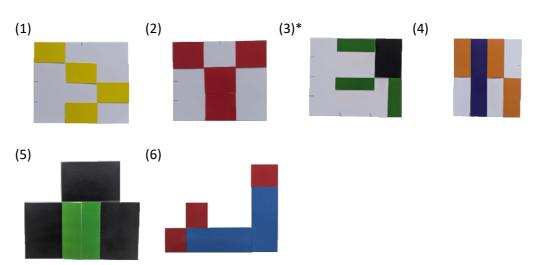
2.6 Anteile herausfinden

Pa

Hilf Tara und Leonie, den Anteil am Rechteck herauszufinden. Wie gehst du vor?



b) Bestimme auch hier die Anteile.





c) Leonie wundert sich über das Bild:

Was meint Leonie? Worauf muss man beim Anteile-Ablesen achten?



Aber wieso ist das $\frac{1}{3}$ und nicht $\frac{1}{7}$? Da sind doch 7 Teile und nicht 3 ...





d) Legt selbst ähnliche Bilder und löst sie gegenseitig.

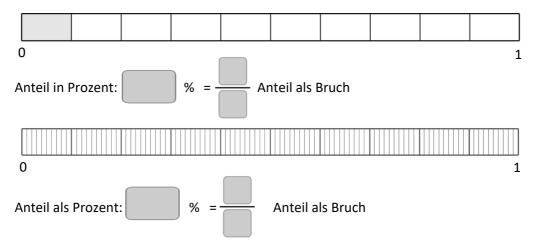




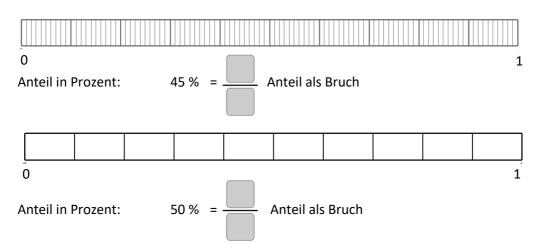
B Kann ich Prozente bestimmen und darstellen?

1 Prozente in Bruchstreifen bestimmen und darstellen

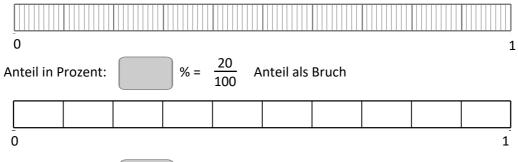
- a) Schreibe als Prozent: $\frac{30}{100}$ = %
- b) Lies ab, wie viel Prozent vom Streifen gefärbt sind. Gib den Anteil auch als Bruch an.



c) Zeichne die Prozente farbig ein. Gib auch den Anteil auch als Bruch an.



d) Zeichne den Anteil farbig ein. Gib auch die Prozentzahl an.









B Ich kann Prozente bestimmen und darstellen

1 Prozente in Bruchstreifen bestimmen und darstellen

1.1 Anteile in Download-Balken bestimmen

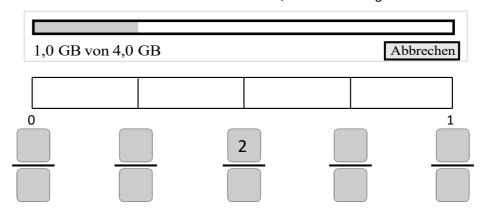
a) Kenan lädt Dateien herunter und schaut sich den Download-Balken an:





Stimmt das, was Kenan sagt? Wie kannst du das überprüfen?

b) Der Download-Balken am Computer sieht fast so aus wie ein Bruchstreifen. Zeichne in dem Bruchstreifen unten drunter ein, wie viel schon geladen ist.



c) Der Rechner lädt immer weiter, wie viele Viertel sind jetzt geladen? Zeichne ein und schreibe dazu.

1,0 GB von 4,0 GB	Abbrechen	2,0 GB von 4,0 GB	Abbrechen	3,0 GB von 4,0 GB	Abbrechen	4,0 GB von 4,0 GB	Abbrechen

- d) Welchen Anteil muss der Computer in c) jeweils noch laden?
- e) Wie viel Zehntel sind jetzt geladen?

]
9,0 GB von 10,0 GB Abbrechen									





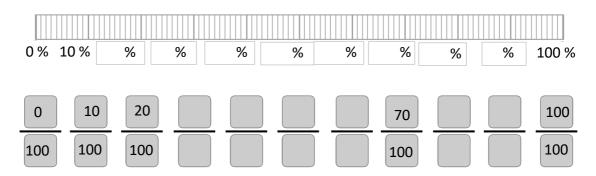
1.2 100% im Download-Balken

Der Computer gibt Fortschrittsbalken auch oft mit Prozenten an.

a) Prozente sind auch Anteile, denn Pro-Cent heißt "pro Hundert":

10 % bedeutet also 10 pro 100, also $\frac{10}{100}$, 20 % bedeutet $\frac{20}{100}$ und so weiter...

Schreibe die fehlenden Anteile und die Prozente an den Hundertstel-Streifen.



b) Wie viel Prozent sind $\frac{43}{100}$? Zeige an dem Streifen aus a). Wie viel Hundertstel sind 75%? Zeige an dem Streifen aus a).

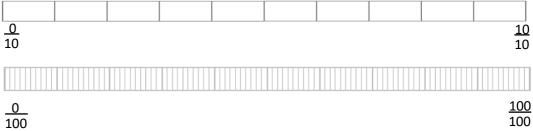
1.3 Prozent, Hundertstel und Zehntel

Ich schreibe 20 % auch so: $\frac{2}{10}$





Überprüfe Kenans Idee an den zwei Bruchstreifen.
 Wie könnte Kenan 20 % noch anders schreiben?



- b) Schreibe auch die anderen Prozente als Brüche mit Nenner 10 auf: $10 \% = \frac{\Box}{10}$...
- c) Hat Tara Recht?Überprüfe am Zehntel und am Hundertstel-Streifen.

4/10 sind 4 %





100 100





1.4 Anteile mit Streifen bestimmen

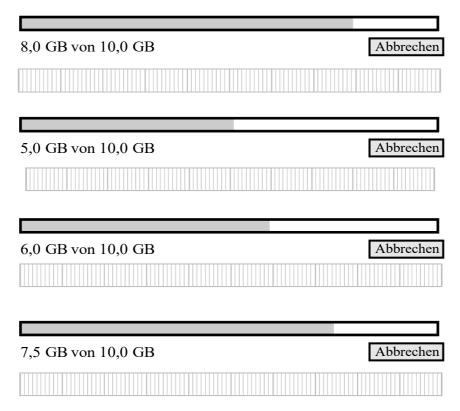


Welchen Anteil hat der Computer von der Datei kopiert?
 Gib den Anteil in Hundertstel und in Prozent an.
 Du kannst ihn dazu auch auf die digitalen Streifen übertragen oder den Hundertstelstreifen in Papier nutzen.

Digitale Bruchstreifen



dzlm.de/vam/mskbruchstreifen.html





- b) Stellt euch im digitalen Hundertstelstreifen gegenseitig Aufgaben:
 - Eine Person sagt eine Prozentzahl
 - Die andere trägt sie im Hundertstelstreifen ein und übersetzt sie in einen Bruch.

1.5 Anteile mit Streifen darstellen



Wie sehen die Download-Balken zu den Prozent- und Anteilsangaben jeweils aus? Übertrage sie in Zehntel- und Hundertstel-Streifen. Wie gehst du vor?

(1)) 25	%
-----	------	---

(1)
$$\frac{80}{100}$$

(1)
$$\frac{10}{10}$$

(2)
$$\frac{70}{100}$$

(2)
$$\frac{8}{10}$$

(3)
$$\frac{75}{100}$$

(3)
$$\frac{6}{10}$$

(4) 20 GB von 200 GB





C Kann ich Anteile von Mengen bestimmen und darstellen?

1	Anteile	von	Mengen	bestimmen
_	Alltelle	VUII	IVICIISCII	nestillillell

a) Wie viele Kinder sind das? Schreibe die Zahl auf.

 $\frac{1}{4}$ von 12 Kindern sind

Kinder.

 $\frac{3}{5}$ von 30 Kindern sind

Kinder.

b) Wie viele Kinder sind $\frac{2}{3}$ von 12 Kindern? Zeige mit einem Bild.

Bild:

c) Wie viele Kinder sind $\frac{5}{6}$ von 18 Kindern? Zeige mit einem Bild.

Bild:

2 Anteile von Mengen berechnen

a) Wie viele Bonbons sind das? Berechne ohne Bild.

(1) $\frac{1}{4}$ von 48 Bonbons sind

Bonbons.

Erklärung zu (3):

(2) $\frac{4}{7}$ von 56 Bonbons sind

Bonbons.

(3) $\frac{7}{8}$ von 72 Bonbons sind

Bonbons.

b) Erkläre deine Rechnung aus Teilaufgabe 3.

c)

Schreibe den Anteil für die Bonbons auf:



von 8 Bonbons sind 6 Bonbons.





C Ich kann Anteile von Mengen bestimmen und darstellen

1 Anteile von Mengen bestimmen

. .

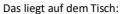
1.1 Anteile von Mengen mit Bruchstreifen bestimmen

Mit den Feldern des Bruchstreifens kann man Anteile von Mengen bestimmen:

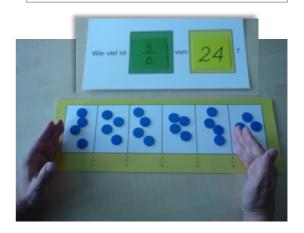


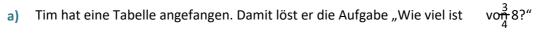
So legst du die Aufgabe: Wie viel ist $\frac{5}{6}$ von 24?

- 1. Nimm den Sechstel-Streifen, denn es geht um fünf Sechstel.
- Verteile die ganze Menge, also die 24 Plättchen, auf den sechs Feldern des Sechstel-Streifens.
- 3. Wo sieht man jetzt, wie viel ein Sechstel von 24 ist?
- Zu jedem Sechstel-Feld gehört eine 4er-Gruppe von Plättchen.
 Also ist der Teil zu einem Feld: 4
- 5. Wie viele Plättchen gehören dann zu 5 Sechsteln von 24? fünf 4er



- Bruchstreifen
- grüne Anteil-Karten
- gelbe Mengenkarten (pro Bruchstreifen ein Stapel)
- Plättchen
- eine Aufgabentafel
- eine Tabelle ("Protokollbogen") pro Kind
- eine Lösungshilfe





Aufgabe:		Suche Teil zum ei	nfachen Anteil:	Zähle Anteile hoch:			
Wie viel ist $\frac{3}{4}$ von $\frac{8}{2}$							
Anteil	Ganze Menge	Einfacher Anteil zu einem Feld	Teil zu einem Feld	Anteil	Gesuchter Teil	Antwortsatz	
3 4	8	$\frac{1}{4}$	2	i I drei Viertel I	drei 2er, also 6	$\frac{3}{4}$ von 8 sind 6	



Warum guckt er sich erst $\frac{1}{4}$ von 8 an?



b) Legt selbst einige Aufgaben: Eine Person löst die Aufgabe, die anderen kontrollieren. Wechselt euch ab. Notiert eure Ergebnisse in der Tabelle ("Protokollbogen").





1.2 Tabellen untersuchen

Wie viel ist $\frac{1}{6}$ von 24, $\frac{2}{6}$ von 24, ...?

Übertrage die Anteile und die ganzen Mengen in deiner Tabelle und ergänze die fehlenden Angaben. Welche Muster kannst du finden? Wie geht es weiter?

Anteil	Ganze Menge			
ein Sechstel	24			
zwei Sechstel	24			
drei Sechstel	24			
vier Sechstel	24			



. .

b) Wie viel ist $\frac{1}{2}$ von 24, $\frac{1}{3}$ von 24, ...?

Übertrage die Zahlen wie in a) und ergänze die fehlenden Angaben. Welche Muster kannst du finden?

Warum kann man die Aufgabe $\frac{1}{5}$ von 24 nicht gut lösen?

Anteil	Ganze Menge			
ein Halb	24			
ein Drittel	24			
ein Viertel	24			
ein Fünftel	24			



Eine Person denkt sich ein Muster wie in a) oder b) aus, die andere löst es. Wechselt euch ab.

Andere Anteile und andere Teile



Leonie hat die Aufgabe "Wie viel sind $\frac{3}{4}$ von 32?" gelegt. Welchen Streifen nimmt sie?



Jetzt soll sie $\frac{2}{4}$ von 32bestimmen. Was muss sie verändern?



b) Tim hat $\frac{2}{3}$ von 24 bestimmt. Jetzt bestimmt er $\frac{3}{4}$ von 24. Was muss er verändern?



Anteile und Streifen im Kopf vorstellen 1.4

- Tara bekommt $\frac{3}{4}$ von 20 Bonbons. Stelle dir die Bonbons auf dem Streifen vor:
 - Welchen Bruchstreifen stellst du dir vor?
 - Welcher Anteil gehört zu einem Feld? Wie viele Bonbons sind das?

 - Wie viele Felder braucht man, um den Anteil ³/₄ zu zeigen?
 Wie viele Bonbons sind dann 3 von 20 Bonbons? Überprüfe am Streifen.





Eine Person stellt eine Aufgabe wie in a), die andere löst sie. Ihr könnt dazu die Fragen von oben nutzen. Wechselt euch ab.



Schreibe nun auf, wie man mit dem Streifen im Kopf $\frac{2}{5}$ von 30 bestimmen kann.



d) Schaut nun das Erklärvideo.

- Was ist in dem Video genauso wie in deiner Erklärung?
- Was ist anders und was erklärt das Video noch zusätzlich?





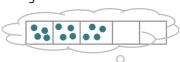




2 Anteile von Mengen berechnen

2.1 Aufgaben ohne Bilder lösen

a) Aufgabe: $\frac{3}{5}$ von 20



Anteile von Mengen kann man durch Rechnen finden, wenn man sich die Plättchen oder Punkte im Kopf vorstellt. Erkläre die Rechnung:

Das tue ich nur noch im Kopf

- 1. 20 auf 5 Felder verteilen
- Dann erhalte ich 4er Gruppen
- 3. Über drei Feldern die 4er-Gruppen hochzählen:

Das spreche ich dazu

Ich will ja Fünftel Aha, zu jedem Fünftel gehört eine 4er Gruppe Ich will aber drei Fünftel: ein 4er, zwei 4er, drei 4er

Also sind drei Fünftel von 20 genau 20 durch 5 mal 3

Das rechne ich

drei 4er, das sind $3 \cdot 4$ = 12

Also: $\frac{3}{5} \cdot 20 = 20 : 5 \cdot 3 = 12$



b) Berechnet genauso $\frac{2}{3}$ von 42. Was stellt ihr euch dazu vor?



c) Erklärt die Rechnung 24 : 6 · 5. Zu welcher Aufgabe passt sie?



- d) Schreibe nun auf, wie man $\frac{2}{5}$ von 30 mit einer Rechnung lösen kann.
- e) Schaut nun das Erklärvideo.



- Was ist in dem Video genauso wie in deiner Erklärung?
 - Was ist anders und was erklärt das Video noch zusätzlich?



mathe-sicherkoennen.dzlm.de/ erklaervideos?nid=693

2.2 Anteile berechnen

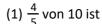


a) Berechnet die Aufgaben wie in 2.1 a). Was fällt dir auf?











 $(2)\frac{3}{4}$ von 16 ist



 $(2)\frac{2}{5}$ von 15 ist



(2) $\frac{4}{5}$ von 20 ist



 $(3)\frac{3}{4}$ von 32 ist



(3) $\frac{2}{5}$ von 45 ist



(3) $\frac{4}{5}$ von 40 ist



(1) $\frac{3}{4}$ von 48 ist



(1) $\frac{7}{9}$ von 72 ist



(2) $\frac{3}{8}$ von 48 ist



(2) $\frac{7}{9}$ von 36 ist



(3) $\frac{3}{16}$ von 48 ist



 $(3)\frac{7}{9}$ von 18 ist





b) Eine Person stellt eine Aufgabe wie in a), die andere löst sie. Wechselt euch ab.





2.3 Fehlende Angaben herausfinden



a) In der Tabelle sind Lücken. Ergänze die Tabelle. Welche Muster kannst du finden?

Anteil	ganze Menge	Anteil zu einem Feld	Teil zu einem Feld	Anteil	Gesuchter Teil	Antwortsatz	Bild
3 4	8	$\frac{1}{4}$	2	$\frac{3}{4}$	6	$\frac{3}{4}$ von 8 ist 6	0000
$\frac{3}{4}$	24					$\frac{3}{4}$ von 24 ist 18	
	16	$\frac{1}{8}$			12		
							00000
6 8	32						
$\frac{3}{4}$			4				
	i				i		

b) Vergleicht die letzte Zeile eurer Tabellen: Wie habt ihr die Lösung gefunden? Schreibt euren Rechenweg auf.



c) Eine Person stellt eine ähnliche Aufgabe wie in a), die andere löst sie. Wechselt euch ab.

